Э.И. ВАТУТИН, И.В. ЗОТОВ

Курский государственный технический университет АППАРАТНАЯ МОДЕЛЬ ДЛЯ ОПРЕДЕЛЕНИЯ МИНИМАЛЬНОГО ЧИСЛА БЛОКОВ ПРИ ДЕКОМПОЗИЦИИ ПАРАЛЛЕЛЬНЫХ АЛГОРИТМОВ ЛОГИЧЕСКОГО УПРАВЛЕНИЯ

Описана аппаратная для определения модель минимально разбиения возможного числа блоков при декомпозиции параллельных алгоритмов логического управления с учетом заданных ограничений на сложность блоков. Приведено описание устройства (акселератора) на ее основе. Представлены результаты оценки его быстродействия.

Декомпозиция управляющих алгоритмов на блоки является ключевым этапом структурно-функционального проектирования систем логического управления [1]. Высокая трудоёмкость выбора разбиения при декомпозиции обусловливает целесообразность перехода от его программной реализации к аппаратным решениям. Одно из таких решений, основанное на упрощенной последовательной процедуре разбиения, было предложено в [2]. В данной работе содержится дальнейшее развитие методологии аппаратного выбора разбиения в части схемного воплощения методов, способных дать более высокое качество решений, но в то же время обладающих существенной трудоёмкостью, в частности, параллельно-последовательного метода [3].

При формировании разбиения с использованием параллельнопоследовательного метода необходимо нахождение так называемого базового сечения алгоритма [4]. Базовое сечение позволяет оценить минимально возможное число блоков разбиения, а также задать начальное распределение множества вершин в нескольких формируемых блоках, что способствует повышению качества решений. Для его построения применяются подстановочные правила u- и d-поглощения, основанные на редукционных преобразованиях деревьев, представляющих сечения алгоритма [5]. Пример сечения и его представление в виде дерева и таблицы приведены на рис. 1 (через *a_i* здесь обозначены вершины алгоритма управления). Правила u- и d-поглощения включают более простые операции над деревьями, основной из которых является определение ω -мощности сечения [4].

Аппаратной моделью сечения является схемно реализованное дерево T (рис. 1), включающее набор узлов $(D_0, D_1, ..., D_{N_T-1})$ и регистр текущего количества узлов (ТКУ). Каждый узел дерева представляется регистром со следующими полями: ТУ (тип узла), MBC (множество вершин/ссылок), СП (ссылка на предка). Каждый узел дерева также включает поле мощности узла (МУ), используемое при определении ω -мощности сечения. Здесь и далее N_T – максимальное количество узлов в дереве, L_{max} – максимальное количество листьев в дереве (вершин в алгоритме управления), $N_R = \max(L_{\text{max}}, N_T)$ – размер битового вектора ссылок на другие элементы дерева (или вектора листьев), ω_{max} – максимальное значение ω мощности сечения (дающее минимально возможное число блоков разбиения алгоритма).

Поле ТУ может принимать следующие значения: «1*» («10» или «11») – узел является листом дерева, «00» – узел обозначает параллельное объединение вершин (•), «01» – узел обозначает альтернативное объединение вершин (|). Поле MBC хранит битовый вектор ссылок на потомков узла дерева в случае если узел параллельный или альтернативный, или битовый вектор листьев, если узел является листом дерева. Поле СП хранит номер узла-предка в дереве.

Алгоритм вычисления ω-мощности сечения включает два этапа.

1. Подсчитать и записать в поля МУ листьев количества листьев в наборах листьев, предком которых является параллельный узел; записать значения

«00...01» в листья, предком которых является альтернативный узел; записать значения «00...0» во все остальные узлы.

2. Просмотреть все узлы дерева, кроме корня, в направлении от узлов с большим номером к узлам с меньшим номером. Обновить значение поля МУ предка рассматриваемого узла: если предок является альтернативным узлом, то выбрать максимальное значение МУ текущего узла и МУ его предка; если предок является параллельным узлом, то вычислить сумму значений МУ рассматриваемого узла и МУ его предка (листом в данном случае предок не может быть, поэтому этот случай не рассматривается).

В результате выполнения описанного алгоритма в поле МУ корня дерева будет содержаться искомое значение ω-мощности сечения. Следует отметить, что при подобном итеративном способе вычисления ω-мощности (в отличие от рекуррентного, предложенного в [4] и реализованного в [5]) крайне важен порядок следования узлов дерева в его табличном представлении: узлы-предки должны иметь меньшие номера (быть записаны в табличном представлении раньше), чем их потомки. В нашем случае это требование легко обеспечивается обходом дерева по ярусам сверху вниз (см. рис. 1).

Порядок вычисления ω-мощности сечения, приведенного на рис. 1, в соответствии с описанным алгоритмом представлен в табл. 1.

| № итерации | № рассматриваемого узла, его предок и новое значение МУ предка | Значение поля МУ узла | | | | | | | | | |
|-------------------|---|-----------------------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| ла инсрации | | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| 1 | - | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 4 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 2.1 | $9 \rightarrow 7$: D7.MV=max(0, 1)=1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 4 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 2.2 | 8→6: D6.MУ=max(0, 1)=1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 4 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2.3 | 7→4: D4.MУ=0+1=1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 4 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2.4 | 6→4: D4.MУ=1+1=2 | 0 | 1 | 0 | 1 | 2 | 4 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2.5 | 5→4: D4.MУ=4+2=6 | 0 | 1 | 0 | 1 | 6 | 4 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2.6 | $4 \rightarrow 2$: D2.MY=max(6, 0)=6 | 0 | 1 | 6 | 1 | 6 | 4 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2.7 | $3\rightarrow 2$: D2.MV=max(1, 6)=6 | 0 | 1 | 6 | 1 | 6 | 4 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2.8 | 2→0: D0.MУ=6+0=6 | 6 | 1 | 6 | 1 | 6 | 4 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 2.9 | 1→0: D0.MУ=1+6=7 | 7 | 1 | 6 | 1 | 6 | 4 | 1 | 1 | 1 | 1 |

Таблица 1. Пример определения ω-мощности сечения

С учетом принятого представления узлов дерева (рис. 1) аппаратная модель первого этапа алгоритма вычисления ω-мощности может быть описана схемой рис. 2. Модель включает схему подсчета бит (СПБ), предназначенную для определения мощности вектора листьев, схему определения параметров предка (СОПП), используемую для определения типа узла предка (параллельный или альтернативный) и схему определения мощности набора листьев (СОМНЛ), формирующую исходное значение мощности битового вектора листьев в соответствии с типом текущего узла и его предка; где α, β, γ – двоичные признаки типа узла (лист, параллельный и альтернативный соответственно), L – битовый вектор листьев (|L| – его мощность), ω_L – начальное значение ω -мощности узла, $C_{2.1.}$ – синхросигнал записи значений в поля МУ узлов. На рис. 2 символ « \uparrow » помечает обозначения предка, а «↓» – потомка. Комбинационная часть схемы вычисляет мощность битового вектора листьев и в зависимости от значения признака α^{\downarrow} рассматриваемого узла и признаков β^{\uparrow} и γ^{\uparrow} его предка выдает начальное значение мощности узла ω_L . Данное значение записывается в поле МУ по синхросигналу $C_{2.1.}$, появление которого свидетельствует о завершении первого этапа алгоритма.

Блок СПБ является логическим преобразователем и может быть реализован на ПЛМ или ПМЛ. Организация СОПП приведена на рис. 2. Через СОПУ обозначена схема определения признаков узла, предназначенная лля преобразования поля ТУ в признаки α, β и γ ; СОМУ – схема определения мощности узла, используемая для вычисления ω-мощности узла, а также для получения признаков β^{\uparrow} и γ^{\uparrow} типа узла предка; СОМНЛ – схема определения мощности набора листьев, позволяющая получить результирующее значение ω_L в соответствии с типом текущего узла и типом узла-предка. Логика СОМНЛ достаточно проста: если $\beta^{\uparrow} = 1$, значение |L| проходит на выход схемы через элементы И 3 и ИЛИ 4, так как на выходе элемента И 2 присутствует сигнал логического нуля благодаря значению γ^{\uparrow} ; если $\beta^{\uparrow} = 0$ и $\gamma^{\uparrow} = 1$ (значения признаков β^{\uparrow} и γ^{\uparrow} ортогональны для узлов-предков, не являющихся листьями: $\beta^{\uparrow} \oplus \gamma^{\uparrow} = 0$), на выходе элемента И 3 присутствует сигнал логического нуля благодаря нулевому значению β^{\uparrow} , а на выходе элемента ИЛИ 4 – значение «00...01» из-за сигнала логической единицы на выходе элемента И 2. В случае если рассматриваемый узел не является листом, нулевое значение α^{\downarrow} обеспечивает нули на выходах элементов И 1, 2 и, соответственно, на выходе схемы.

Второй этап алгоритма вычисления ω -мощности сечения описывается схемой, представленной на рис. 3. По синхросигналу $C_{2.1.}$ счетчик СчНУ инициализируется значением поля ТКУ сечения, синхросигнал $C_{2.3.}$ используется для декремента СчНУ, синхросигналы $C_{2.2.i.}$ обеспечивают запись новых значений в поля МУ, признак є сигнализирует об окончании работы схемы.

Итерация работы данной схемы сводится к следующим действиям. Текущий номер узла *i*, выдаваемый счетчиком СчНУ, коммутирует поля СП и МУ *i*-го узла, требуемые для работы СОПП, на выходы мультиплексоров 1 и 2. В результате работы СОПП на ее выходе появляются обновленные значения ω'_k полей МУ (обновленным фактически является значение для предка текущего узла, остальные равны нулю), которые записываются в соответствующие поля МУ предка *i*-го узла дерева посредством одного из синхросигналов $C_{2.2.k.}$, получаемых с выхода демультиплексора 3 (на каждой итерации активен только один синхросигнал). В результате итеративной работы схемы поле МУ корневого узла дерева получает искомое значение ω -мощности сечения, которое может быть использовано в дальнейших преобразованиях.

Оценки асимптотической временной сложности нахождения ω-мощности сечения для программной реализации [6] и предлагаемой аппаратной модели приведены в табл. 2.

| № этапа | Программная реализация [6] | Аппаратная реализация |
|------------|--|--------------------------|
| 1 | $O\left(N_T \cdot L_{\max}\right) \cong O\left(N_R^2\right)$ | <i>O</i> (1) |
| 2 | $O(N_T) \cong O(N_R)$ | $O(N_T) \cong O(N_R)$ |

Таблица 2. Оценки асимптотической временной сложности программной и аппаратной реализаций вычисления ω-мощности сечения

Из табл. 2 следует, что основной выигрыш во времени наблюдается на первом этапе алгоритма за счет параллельного подсчета мощностей битовых векторов листьев и одновременной обработки всех узлов дерева. Второй этап (в предлагаемой реализации) является последовательным и не обеспечивает улучшения асимптотических характеристик при переходе с программного на аппаратный уровень. (Теоретически возможна параллельная обработка нескольких поддеревьев одного дерева, однако ее практическая реализация затруднительна). При рассмотрении алгоритма в целом асимптотика программной реализации составляет величину порядка $O(N_R^2)$, а аппаратной – $O(N_R)$, т.е. имеет место выигрыш по времени в N_R раз.

В дальнейшем предполагается аппаратное воплощение остальных этапов параллельно-последовательного метода разбиения. Планируется провести исследование не только асимптотических временных характеристик предложенных аппаратных решений, но и оценить их преимущества в абсолютных единицах времени. Кроме того, предполагается выполнить оценку их аппаратной сложности в числе эквивалентных вентилей.

Исследования И.В. Зотова выполнены при поддержке гранта Президента Российской Федерации для молодых ученых МК-3073.2007.8.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Организация и синтез микропрограммных мультимикроконтроллеров / И.В. Зотов, В.А. Колосков, В.С. Титов и др. Курск: КурскГТУ, 1999. 368 с.
- 2. Борзов Д.Б., Ватутин Э.И., Зотов И.В., Титов В.С. К задаче субоптимального разбиения параллельных алгоритмов // Известия вузов. Приборостроение. 2004. Т. 47, № 12. С. 34-39.
- 3. Зотов И.В., Колосков В.А., Титов В.С. Выбор оптимальных разбиений алгоритмов при проектировании микроконтроллерных сетей // Автоматика и вычислительная техника. 1997. № 5. С. 51-62.
- 4. *Ватутин Э.И., Зотов И.В.* Поиск базового сечения в задаче разбиения параллельных алгоритмов // Рус. деп. в ВИНИТИ 24.11.03 № 2036-В2003. Курск, 2003. 30 с.
- 5. Ватутин Э.И., Зотов И.В. Метод формирования субоптимальных разбиений параллельных управляющих алгоритмов // Параллельные вычисления и задачи управления (РАСО'04). М.: Институт проблем управления, 2004. С. 884–917.
- 6. Ватутин Э.И., Зотов И.В. Параллельно-последовательный метод формирования субоптимальных разбиений параллельных управляющих алгоритмов // Свидетельство об официальной регистрации программы для ЭВМ №2005613091 от 28.11.05.

Рекомендована кафедрой вычислительной техники

Поступила в редакцию 01.09.07



| Nº | Тип | Множество | Ссылка на |
|------|------|----------------|-----------|
| узла | узла | вершин/ссылок | предка |
| 0 | • | 1, 2 | - |
| 1 | лист | 99 | 0 |
| 2 | | 3, 4 | 0 |
| 3 | лист | 94, 95, 128 | 2 |
| 4 | • | 5, 6, 7 | 2 |
| 5 | лист | 65, 66, 82, 83 | 4 |
| 6 | | 8 | 4 |
| 7 | | 9 | 4 |
| 8 | лист | 55, 56, 112 | 6 |
| 9 | лист | 59, 104, 111 | 7 |



Рис. 1. Пример сечения: представление в виде дерева, таблицы и аппаратная модель

$a_{99} \bullet (a_{94} | a_{95} | a_{128} | (a_{65} \bullet a_{66} \bullet a_{82} \bullet a_{83} \bullet (a_{55} | a_{56} | a_{112}) \bullet (a_{59} | a_{104} | a_{111})))$



Рис. 2. Схема определения начальных значений мощностей узлов (а) и ее составляющие: схема определения параметров предка – СОПП (б), схема определения признаков узла – СОПУ (в), схема определения мощности узла – СОМУ (г), схема определения мощности набора листьев – СОМНЛ (д)



Рис. 3. Схема корректировки значений мощности узлов